

التمرين الأول: (10 نقط)

1 أدرس حقيقة العبارات التالية:

$$(1) \left[\frac{-5}{2} < \frac{-1}{2} \text{ و } |-4| = -4 \right] : Q ; \quad [213 \text{ يقسم } \frac{25}{9} = \frac{5}{3}] : P$$

$$(1,5) ((\exists n \in \mathbb{Z}) \quad n^2 - 1 = 0) : S ; \quad ((\forall n \in \mathbb{N}) \quad \frac{n+3}{5} \in \mathbb{N}) : R$$

2 نعتبر العبارة T : " $(\forall x \in \mathbb{R}) \quad 3x^2 - 4x + 2 \leq 0$ "

أ- أعط نفي العبارة (T) .

ب- بين أن العبارة (T) خاطئة.

3 نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :

" $\forall (a,b) \in \mathbb{R}^2 \quad f(a) = f(b) \Rightarrow a = b$ " : P و العبارة

(0,75) أ- حل في \mathbb{R} المعادلة: $f(x) = 0$

(0,75) ب- أعط نفي العبارة P

(0,5) ج- استنتج أن العبارة P خاطئة.

4 باستعمال الاستدلال بالاستلزم المضاد للعكس؛ بين أن.

$$(1,5) \forall (x,y) \in \mathbb{R}^2 \quad [x \neq y \text{ و } xy \neq 1] \Rightarrow \left[\frac{x}{x^2 + x + 1} \neq \frac{y}{y^2 + y + 1} \right]$$

$$(1,5) (\forall x \in \mathbb{R}^+) : \quad \frac{x + \sqrt{x + 3}}{\sqrt{x + 1}} \leq \sqrt{x + 3} \quad \text{باستعمال الاستدلال بالتكافؤ؛ بين أن:}$$

$$(1,5) (\forall n \in \mathbb{N}) \quad 1 + 7^1 + 7^2 + \dots + 7^n = \frac{7^{n+1} - 1}{6} \quad \text{بين بالترجع أن:}$$

التمرين الثاني: (4 نقط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 - 4x + 6}{x^2 - 4x + 8}$$

(1,5) (1) بين أن $0 < x^2 - 4x + 8$ ثم D_f مجموعة تعريف الدالة f .

(1) (2) بين أن العدد $f(2) = \frac{1}{2}$ قيمة دنيا للدالة f على \mathbb{R} .

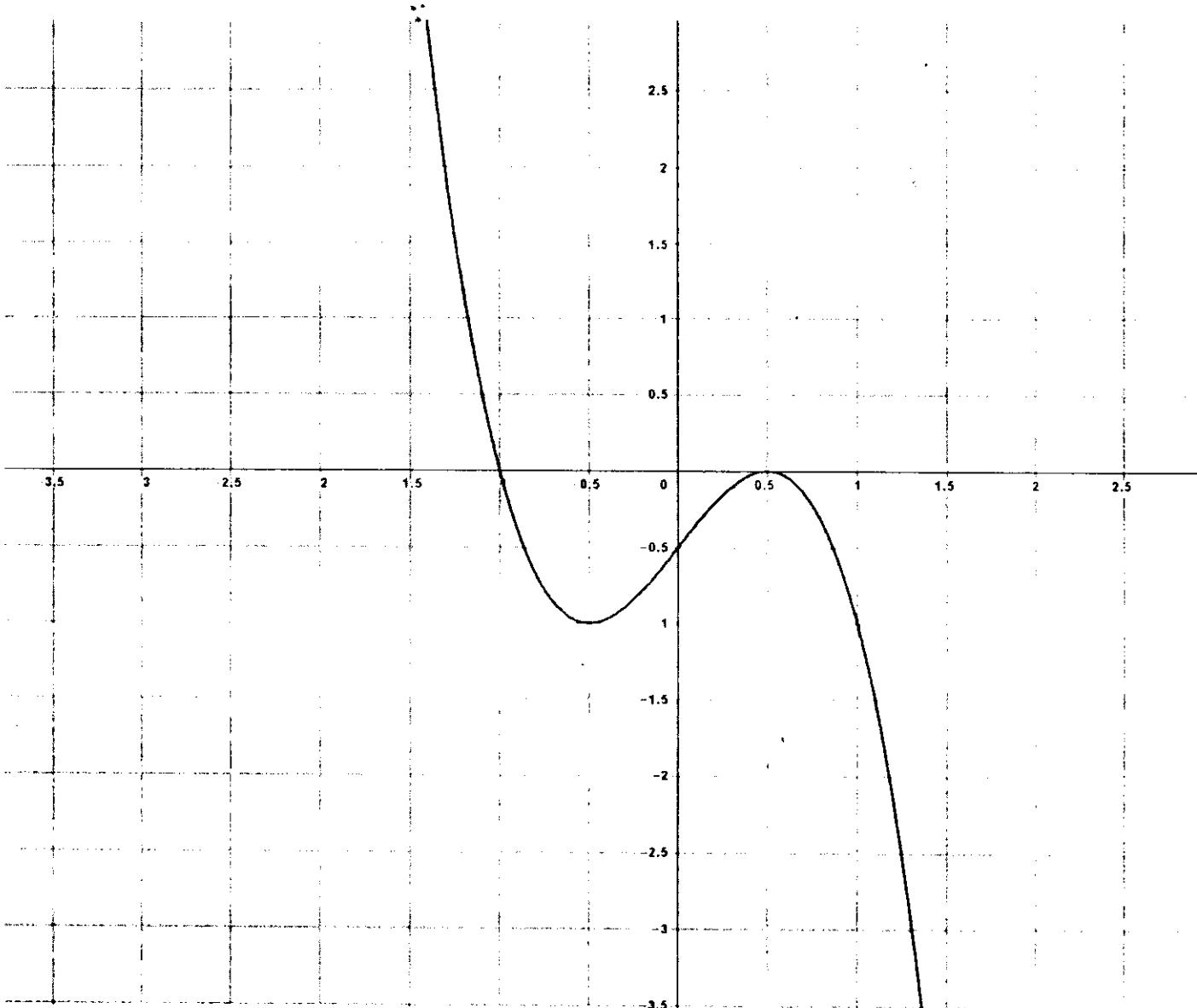
(0,75) (3) أ- بين أن $\forall x \in \mathbb{R} : f(x) \leq 1$.

(0,75) ب- هل العدد 1 قيمة قصوى للدالة f على \mathbb{R} ؟

التمرين الثالث: (6 نقط)

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي:

$$f(x) = -2x^3 + \frac{3}{2}x - \frac{1}{2}$$
 والتي تمثلها المبيانى في معلم متعامد منظم $(O; i; j)$ كالتالى:



(0,75)

(0,75)

(1) حل مبيانا في \mathbb{R} المعادلة: $-2x^3 + \frac{3}{2}x - \frac{1}{2} = 0$ (3)

(1) مبيانا $\left(\forall x \in \left[-\infty; \frac{1}{2} \right] \right): f(x) \geq -1$ (4)

(1) حدد مبيانا عدد حلول المعادلة: $-2x^3 + \frac{3}{2}x - 1 = 0$ (5)

(1,5) حل مبيانا المتراجحة: $f(x) \leq -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$ (6)